

Opgave 375

(December 2020)

a. Vis, at der for reelle positive tal a , b og c gælder

$$\frac{ab+c^2}{a+b} + \frac{bc+a^2}{b+c} + \frac{ca+b^2}{c+a} \geq a+b+c.$$

$$\frac{a+b}{ab+c^2} + \frac{b+c}{bc+a^2} + \frac{c+a}{ca+b^2} \leq \frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c}.$$

b. Vis, at der for reelle tal x , y og z i intervallet $]0;1]$ gælder

$$\frac{x}{1+y+zx} + \frac{y}{1+z+xy} + \frac{z}{1+x+yz} \leq \frac{3}{x+y+z}.$$

(Indsendelsesfrist: 10/1-2021)

Angiv venligst i din besvarelse om dit navn (evt. gruppenavn) må offentliggøres på svar-arket i næste måned.

Løsningen indsendes enten med **alm. post** til

Jens Carstensen, Frederik d. VI's Allé 10, 2000 Frederiksberg

eller **pr. mail** til **Jens.Carstensen@newmail.dk** (løsning vedhæftes i PDF-format)

Besvarelsen skal være fremme senest d. 10. i efterfølgende måned.